

$x(t)$	$TL[x(t)] = X_L(p)$	Intervalle de validité	$TF[x(t)] = X(\omega)$	$TF[x(t)] = X(f)$	Commentaires
$\delta(t)$	1	\mathbb{R}	$j\omega$	$j2\pi f$	
$\delta^{(n)}(t)$	p^n	\mathbb{R}	$(j\omega)^n$	$(j2\pi f)^n$	$\delta^{(n)}(t) = \text{dérivée } n\text{-ième de } \delta(t)$ la TF existe pour $a > 0$
e^{-at}	$\frac{2a}{a^2-p^2}$	$] -a, +a[$, $a > 0$	$\frac{2a}{a^2+\omega^2}$	$\frac{2a}{a^2+(2\pi f)^2}$	
1	$2\pi\delta(\frac{p}{j})$	\emptyset	$2\pi\delta(\omega)$	$\delta(f)$	Transformée au sens des distributions (a.s.d.d.)
signe(t) $= +1 \forall t > 0$ $= -1 \forall t < 0$	$\frac{2}{p}$	\emptyset	$\text{VP}(\frac{2}{j\omega})$	$\text{VP}(\frac{1}{j\pi f})$ $\text{VP}(\frac{1}{x}) = 0 \text{ pour } x = 0$	$\text{VP}(\frac{1}{x}) = \frac{1}{x} \forall x \neq 0$ Transformées a.s.d.d.
$e^{j\omega_0 t}$	$2\pi\delta(\frac{p}{j} - \omega_0)$	\emptyset	$2\pi\delta(\omega - \omega_0)$	$2\pi\delta(f - f_0)$	Transformées a.s.d.d.
$\omega_0 = 2\pi f$	$\sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(t = nT)$	$\frac{2\pi}{T} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(\frac{p}{j} - n\frac{2\pi}{T})$	\emptyset	$\frac{2\pi}{T} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \delta(\omega - n\frac{2\pi}{T})$	$x(t) = \text{peigne de Dirac}$ Transformées a.s.d.d.
$\cos(\omega_0 t)$ $\omega_0 = 2\pi f$	$\pi\delta(\frac{p}{j} - \omega_0)$ $+ \pi\delta(\frac{p}{j} + \omega_0)$	\emptyset	$\pi\delta(\omega - \omega_0)$ $+ \pi\delta(\omega + \omega_0)$	$\frac{1}{2}\delta(f - f_0)$ $+ \frac{1}{2}\delta(f + f_0)$	Transformées a.s.d.d.
$\sin(\omega_0 t)$ $\omega_0 = 2\pi f$	$\frac{\pi}{j}\delta(\frac{p}{j} - \omega_0)$ $- \frac{\pi}{j}\delta(\frac{p}{j} + \omega_0)$	\emptyset	$\frac{\pi}{j}\delta(\omega - \omega_0)$ $- \frac{\pi}{j}\delta(\omega + \omega_0)$	$\frac{1}{2j}\delta(f - f_0)$ $- \frac{1}{2j}\delta(f + f_0)$	Transformées a.s.d.d.
$e^{-\pi(t/\tau)^2}$ $\omega_0 = 2\pi f$	$\tau e^{(pt)^2/(4\pi)}$	\mathbb{R}	$\tau e^{-(\omega\tau)^2/(4\pi)}$	$\tau e^{-\pi(f\tau)^2}$	$x(t) = \text{fonction de Gauss}$
Rect(t/T) $= 1 \forall t \in [-T, T]$ $= 0 \text{ ailleurs}$	$2T\text{sinc}(\frac{pt}{j})$	\mathbb{R}	$2T\text{sinc}(\omega T)$	$2T\text{sinc}(2\pi fT)$	$x(t) = \text{fonction rectangle}$ $\text{sinc}(x) = \frac{\sin x}{x}$

Dictionnaire des TF et TL

$\Gamma(t)$	$\frac{1}{p}$	\mathbb{R}^+	$\text{VP}(\frac{1}{j\omega}) + \pi\delta(j\omega)$	$\text{VP}(\frac{1}{j2\pi f}) + \frac{1}{2}\delta(f)$	TF a.s.d.d.
$= 1 \forall t \geq 0$				$\text{VP}(\frac{1}{x}) = \frac{1}{x} \forall x \neq 0$ $\text{VP}(\frac{1}{x}) = 0 \text{ pour } x = 0$	
$e^{p_0 t} \Gamma(t)$	$\frac{1}{p-p_0}$	$]Re(p_0), +\infty[$	$\frac{1}{j\omega - p_0}$	$\frac{1}{j2\pi f - p_0}$	la TF existe a.s.d.f. pour $\text{Re}(p_0) < 0$
$\frac{t^{n-1}}{(n-1)!} \Gamma(t)$	$\frac{1}{p^n}$	\mathbb{R}^+	$\text{VP}(\frac{1}{(j\omega)^n})$ $+ \frac{j^{(n-1)}}{(n-1)!} \pi \delta^{(n-1)}(\omega)$	$\text{VP}(\frac{1}{(j2\pi f)^n})$ $+ \frac{(j/2\pi)^{(n-1)}}{(n-1)!} \pi \delta^{(n-1)}(f)$	TF a.s.d.d.
$e^{-at} \Gamma(t)$	$\frac{1}{p+a}$	$] - a, +\infty[$	$\frac{1}{j\omega + a}$	$\frac{1}{j2\pi f + a}$	TF a.s.d.d.
$t e^{-at} \Gamma(t)$	$\frac{1}{(p+a)^2}$	$] - a, +\infty[$	$\frac{1}{(j\omega + a)^2}$	$\frac{1}{(j2\pi f + a)^2}$	TF a.s.d.d.
$\sin(\omega_0 t) \Gamma(t)$ $\omega_0 = 2\pi f$	$\frac{\omega_0}{p^2 + \omega_0^2}$	\mathbb{R}^+	$\text{VP}(\frac{\omega_0}{\omega_0^2 - \omega^2}) +$ $\frac{\pi}{2j} [\delta(\omega - \omega_0) - \delta(\omega + \omega_0)]$	$\frac{1}{2} \text{VP}(\frac{f_0}{f_0^2 - f^2}) +$ $\frac{1}{4j} [\delta(f - f_0) - \delta(f + f_0)]$	TF a.s.d.d.
$\cos(\omega_0 t) \Gamma(t)$ $\omega_0 = 2\pi f$	$\frac{p}{p^2 + \omega_0^2}$	\mathbb{R}^+	$\text{VP}(\frac{-j\omega}{\omega_0^2 - \omega^2}) +$ $\frac{\pi}{2} [\delta(\omega - \omega_0) - \delta(\omega + \omega_0)]$	$\frac{1}{2} \text{VP}(\frac{f}{f_0^2 - f^2}) +$ $\frac{1}{4} [\delta(f - f_0) - \delta(f + f_0)]$	TF a.s.d.d.
$e^{j\omega_0 t} \Gamma(t)$	$\frac{1}{p - j\omega_0}$	\mathbb{R}^+	$\text{VP}(\frac{1}{j\omega - j\omega_0}) +$ $\pi \delta(\omega - \omega_0)$	$\frac{1}{j2\pi} \text{VP}(\frac{1}{f - f_0}) +$ $\frac{1}{2} \delta(f - f_0)$	TF a.s.d.d.
$e^{-at} \sin(\omega_0 t) \Gamma(t)$	$\frac{\omega_0}{(p+a)^2 + \omega_0^2}$	$] - a, +\infty[$	$\frac{\omega_0}{(j\omega + a)^2 + \omega_0^2}$	$\frac{2\pi f_0}{(j2\pi f + a)^2 + 2\pi f_0^2}$	TF a.s.d.f. pour $a > 0$
$e^{-at} \cos(\omega_0 t) \Gamma(t)$	$\frac{p+a}{(p+a)^2 + \omega_0^2}$	$] - a, +\infty[$	$\frac{j\omega + a}{(j\omega + a)^2 + \omega_0^2}$	$\frac{j2\pi f}{(j2\pi f + a)^2 + 2\pi f_0^2}$	TF a.s.d.f. pour $a > 0$